

Applications of Convex Optimization in Metabolic Network Reconstruction

Mojtaba Tefagh

Assistant Professor
Sharif University of Technology



Since joining Stanford University, M. Tefagh has been involved with studies related to applications of convex optimization in systems biology. In 2019, M. Tefagh wrote his dissertation on "applications of convex optimization in metabolic network analysis" under the supervision of Professor Stephen P Boyd. Since 2020, M. Tefagh has been working as an assistant professor at Sharif University of Technology and as a lead researcher at Sharif Optimization and Applications Laboratory.

Date and Time:
Sun, 14-Mar-2021, 19:00

Link:
<https://vc.sharif.edu/ch/soal>

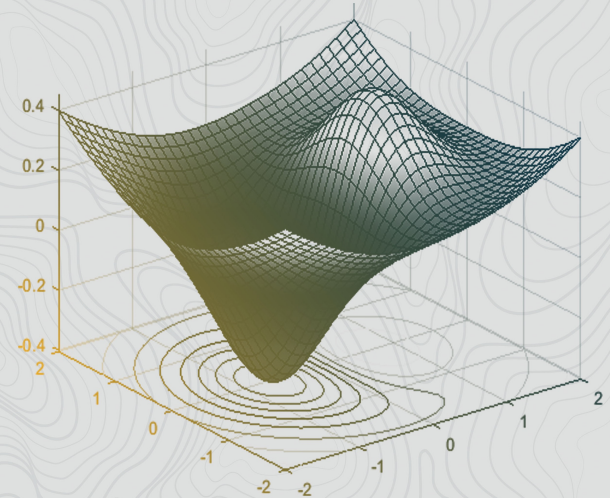
Abstract

More than two decades ago, the first genome-scale metabolic network reconstruction of the cellular metabolism of an organism was published, shortly after the first genome was sequenced. From that time on, the ever-increasing advances in the high-throughput omics technologies have allowed for the comprehensive reconstructions of exponentially growing sizes.

However, the vast amount of data can be a two-edged sword which makes many essential tasks computationally intractable. To overcome the demands of systems biology, even while they are outpacing Moore's law, faster computational techniques are needed to enable the current methods to scale up to match the progress of data generation in a prospective manner.

In this talk, we go over several different areas of systems biology from flux balance analysis to context-specific reconstruction and propose efficient computational methods for several tasks separately. Then we work towards a more holistic approach and discuss the idea of generalizing the multiple-measurement vectors problem from linear systems to linear programs, which is the problem of !Optimizer 2021. We will conclude by elaborating on how this approach can be immediately applied to a well-known computationally-heavy problem in metabolic network reconstruction.

!Optimizer 2021



تاریخ‌های مهم

- ۱۳۹۹/۱۲/۳ شروع ثبت‌نام
- ۱۴۰۰/۱/۳۰ پایان ثبت‌نام
- ۱۴۰۰ تیرماه برگزاری مسابقه

آیا می‌توانید تیم بهینه‌ای تشکیل دهید؟

- ۶میلیون تومان جایزه تیم اول
- ۶میلیون تومان جایزه تیم دوم
- ۴میلیون تومان جایزه تیم سوم

مسابقه بر لبه مرزهای پژوهش

مسابقه Optimizer هر سال با هدف تشویق و گسترش پژوهش در مرزهای موضوع بهینه‌سازی و کاربردهای آن برگزار می‌شود و توانایی تشکیل تیم مناسبی از افراد که بتوانند از جنبه‌های مختلف علمی، نظیر دانش نظری، طراحی الگوریتم و توسعه نرم افزار با هم‌افزایی و هماهنگی مناسب در این رقابت به موفقیت دست یابند از جنبه‌های کلیدی در این رویداد است.

دسترسی به سوال مسابقه

سوال مسابقه هم‌اکنون از طریق وب‌سایت رویداد قابل دسترسی است. پس از همین الان شروع کنید!

اولین ارائه از سری سخنرانی‌های آزمایشگاه سوال

کاربردهای بهینه‌سازی محدب در بازسازی شبکه متابولیکی

مجتبی تفاق

دانشکده علوم ریاضی دانشگاه صنعتی شریف

روز جهانی عدد π

اسفند ۱۳۹۹

بهینه‌سازی
محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

چشم‌انداز

۲	۱	بهینه‌سازی محدب
۶	۲	زیست سامانه‌ها
۱۳	۳	بازسازی شبکه متابولیکی

بهینه‌سازی
محدب

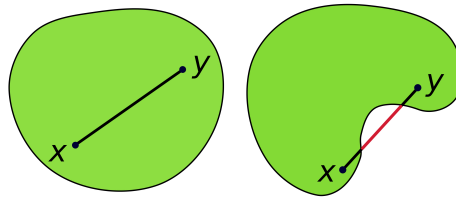
زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

۱ بهینه‌سازی محدب

مجموعه محدب

پاره‌خطی واصل بین هر دو نقطه از مجموعه داخل مجموعه است.



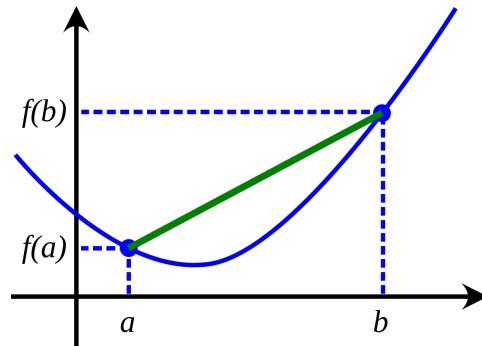
بهینه‌سازی
محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

تابع محدب

پاره‌خطی واصل بین هر دو نقطه از نمودار تابع بالای نمودار تابع است.



بهینه‌سازی محدب چیست؟

بهینه‌سازی
محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

بهینه‌سازی توابع محدب روی مجموعه‌های محدب!

یک مثال ساده!

$$\text{minimize } (x - y)^2$$

$$\text{subject to } x^2 \leq 1$$

$$2y + 1 = 5$$

• تابع هدف درجه دو

• قید نامساوی درجه دو

• قید تساوی آفین

کاربردها

بهینه‌سازی
محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

- مکانیک مانند دینامیک اجسام صلب
- هوافضا مانند بهینه‌سازی طراحی چندموضوعی
- اقتصاد مانند بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری
- ریاضیات مالی مانند نظریه بازی‌ها
- مهندسی برق مانند پردازش سیگنال و مخابرات
- مهندسی عمران مانند تسطیح منابع
- مهندسی صنایع مانند تحقیق در عملیات
- شاخه‌های مختلف کنترل مانند کنترل پیش‌بینانه مدل
- ژئوفیزیک مانند لرزه‌شناسی
- یادگیری ماشین مانند ماشین بردار پشتیبان
- ...

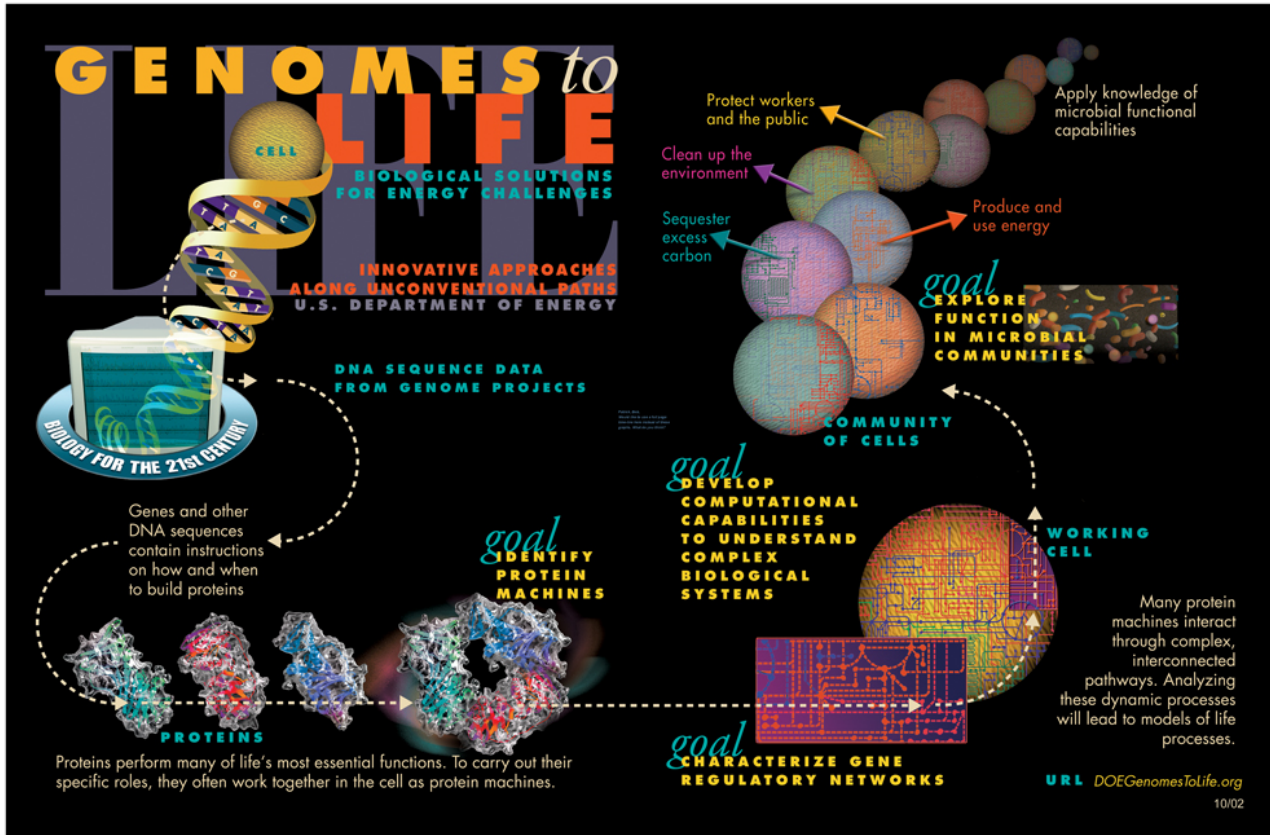
۲ زیست سامانه‌ها

شبکه‌ی متابولیکی

بهینه‌سازی محدب

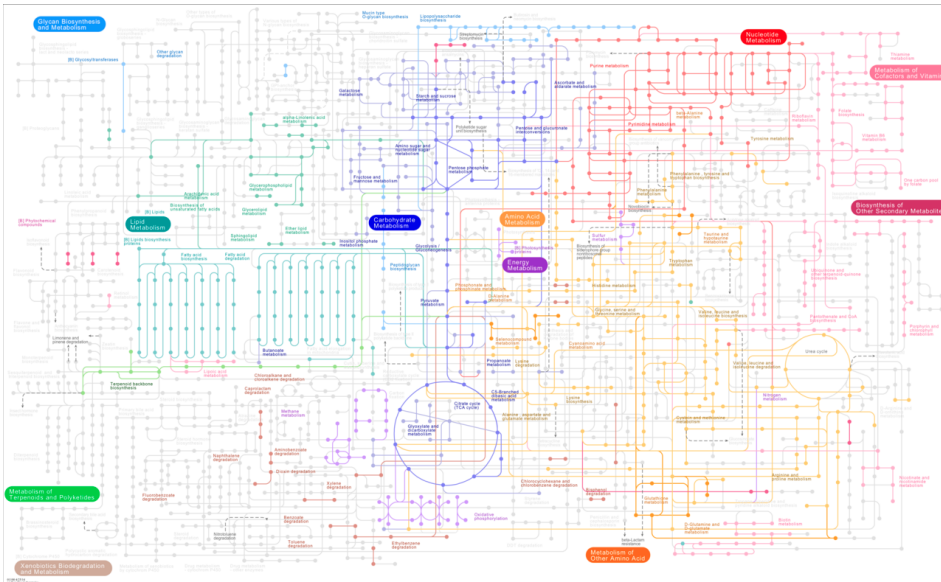
زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه متابولیکی



“However, many things have a plurality of parts and are not merely a complete aggregate but instead some kind of a whole beyond its parts.”

Aristotle, *Metaphysics* 8.6



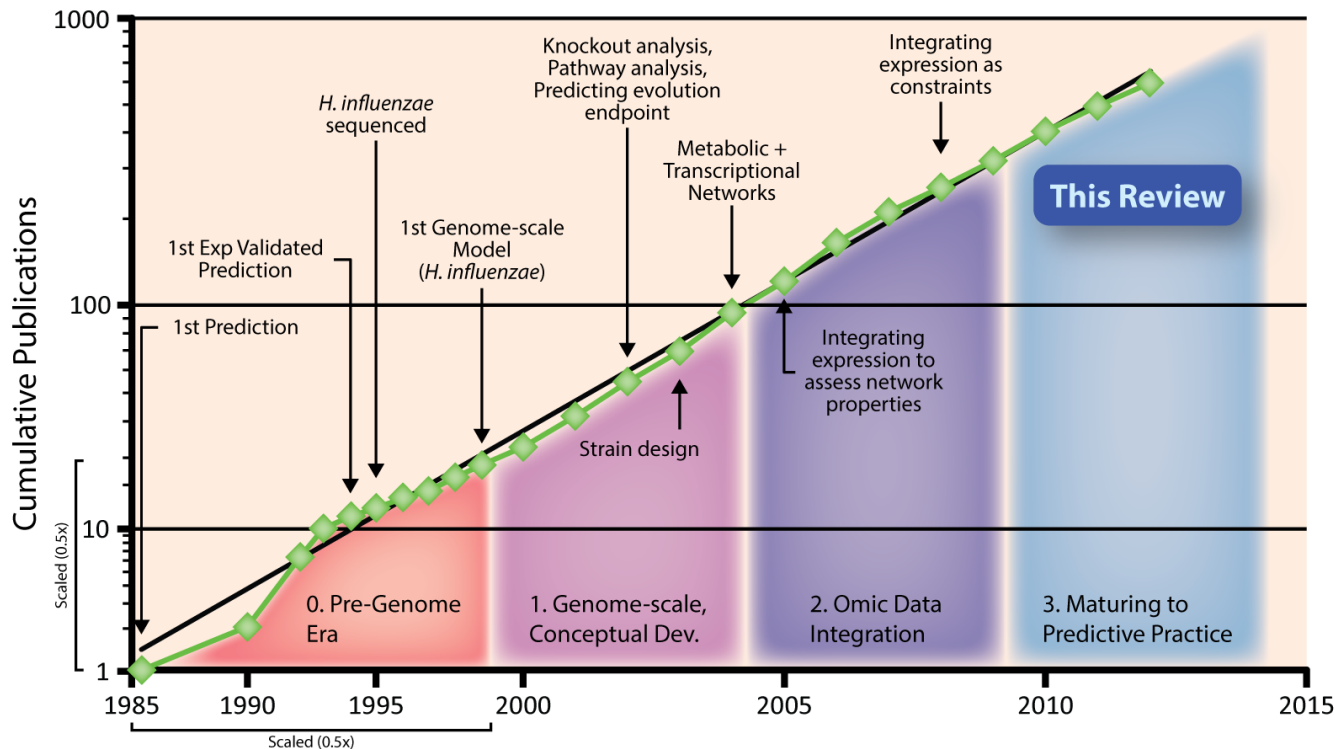
شکل ۱: یک شبکه‌ی متابولیکی از پایگاه داده‌ی KEGG

تاریخچه

بهینه‌سازی محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه متابولیکی

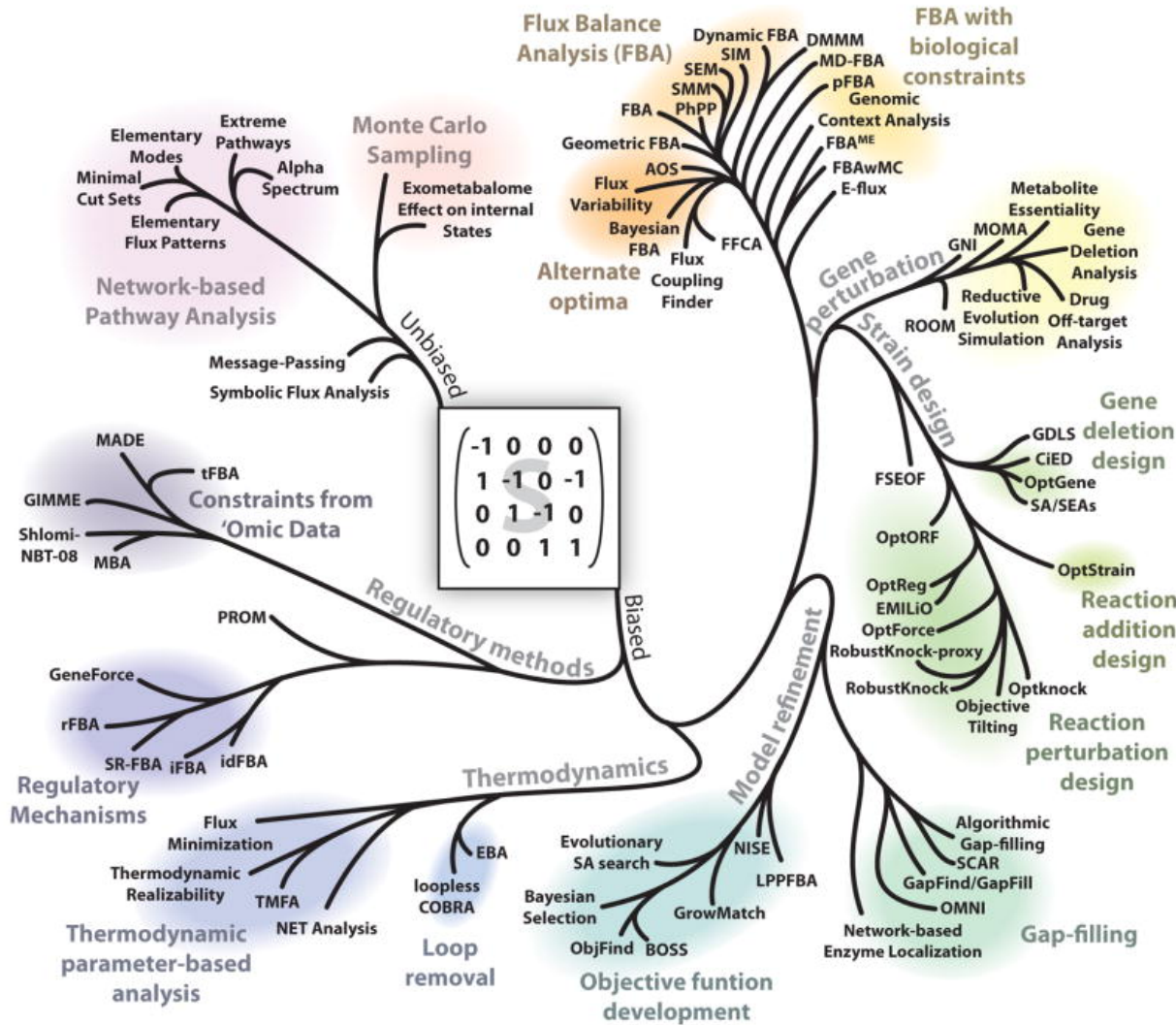


روش‌های بهینه‌سازی

بهینه‌سازی محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه متابولیکی



تعاریف اولیه

- شبکه متابولیکی: $\mathcal{N} = (M, \mathcal{R}, S, \mathcal{I})$
- متابولیت‌ها: $M = \{M_i\}_{i=1}^m$
- واکنش‌ها: $\mathcal{R} = \{R_i\}_{i=1}^n$
- ماتریس استوکیومتری: S
- واکنش‌های برگشت ناپذیر: $\mathcal{I} \subseteq \mathcal{R}$
- توزیع شار: $v \in \mathbb{R}^n$
- حالت تعادل: $Sv = 0$
- برگشت ناپذیری ترمودینامیک: $v_{\mathcal{I}} \geq 0$
- شارهای مجاز: $\mathcal{C} = \{v \in \mathbb{R}^n \mid Sv = 0, v_{\mathcal{I}} \geq 0\}$

واکنش‌های بلوکه شده

تمام واکنش‌هایی را بیابید که در هر صورت غیرفعال هستند.

حل به وسیله برنامه‌ریزی خطی:

• جهت اصلی واکنش

maximize v_i

subject to $v \in \mathcal{C}$

$$v_i \leq 1$$

• جهت عکس واکنش

minimize v_i

subject to $v \in \mathcal{C}$

$$v_i \geq -1$$

۳ بازسازی شبکه متابولیکی

آنالیز موازنه شار

$$\begin{aligned}
 &\text{find} && v \\
 &\text{subject to} && S^I v = 0, \\
 &&& l^I \preceq v \preceq u^I, \\
 &&& I = \{i_1, i_2, \dots, i_k\} \subseteq \{1, 2, \dots, n\}.
 \end{aligned}$$

$$S = [S_1, S_2, \dots, S_n] \quad S^I = [S_{i_1}, S_{i_2}, \dots, S_{i_k}] \quad l = \begin{bmatrix} l_1 \\ l_2 \\ \vdots \\ l_n \end{bmatrix} \quad l^I = \begin{bmatrix} l_{i_1} \\ l_{i_2} \\ \vdots \\ l_{i_k} \end{bmatrix} \quad u = \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_n \end{bmatrix} \quad u^I = \begin{bmatrix} u_{i_1} \\ u_{i_2} \\ \vdots \\ u_{i_k} \end{bmatrix}$$

سوال مسابقه

بهینه‌سازی
محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

دست گرمی

find v
 subject to $Sv = 0,$
 $l^1 \preceq v \preceq u^1.$

تازه‌کار

minimize $\|v\|_0$
 subject to $Sv = 0,$
 $l^1 \preceq v \preceq u^1.$

راندهای بعدی

بهینه‌سازی
محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

ماهر

$$\begin{aligned} &\text{minimize} && \|V\|_{2,0} \\ &\text{subject to} && SV = 0, \\ &&& L \preceq V \preceq U. \end{aligned}$$

ماهر++

$$\begin{aligned} &\text{minimize} && (\|V\|_{2,0}, \|(SV)^T\|_{2,0}) \\ &\text{subject to} && L \preceq V \preceq U. \end{aligned}$$

راند آخر

بهینه‌ساز!

$$\begin{aligned} &\text{minimize} && \|V\|_{2,0} \\ &\text{subject to} && \|(SV)^T\|_{2,0} \leq K, \\ &&& L \preceq V \preceq U. \end{aligned}$$

بهینه‌سازی
محدب

زیست سامانه‌ها

بازسازی شبکه
متابولیکی

راستی‌آزمایی و رتبه‌بندی با

$$\begin{aligned} &\text{find} && v \\ &\text{subject to} && S^I v = 0, \\ &&& \tilde{l}_k^I \preceq v \preceq \tilde{u}_k^I, \end{aligned}$$

که در آن

$$I = \{i \mid \max_j |V_{ij}| > 0\}.$$

سخن آخر و موفق باشید!

- ماتریس‌های از ابعاد متفاوت در هر راند، تنها راهنمایی صورت سوال، و سرخ‌های محدب
- و در نهایت چگونه با کمک دوستان خود از دست خرس فرار کنیم!

